حل أسئلة الراجعة

أسس الإحصاء علمي

س1) جميع القيم التالية لا يمكن أن تكون قيمة لاحتمال أي حدث $\sqrt{2}$ ، -0.2 ، $\sqrt{3}$ ، 0.2 ومدا -1.02 (X)

$0 \leq P(A) \leq 1$ القيم لا تمثل قيمة احتمالية لانها لا تحقق شرط الاحتمال $0 \leq P(A) \leq 1$

س2) إذا كان B ، A حدثين متنافيين وكان P(B)=0.2 ، P(A)=0.7 فإن احتمال حدوث أحد الحدثين على الأقل يساوي 0.9 ($\sqrt{}$)

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) \cdot P(A \cap B) = 0..$$

$$P(A \cup B) = 0.7 + 0.2 = 0.9$$

س3) في تجربة إلقاء قطعتي نقود معاً ، حدث الحصول على وجهين على الأكثر هو حدث مؤكد . . . $(\sqrt{})$

$$S = \{HH : HT : TH : TT\}$$
 $A = S$...

س4) في تجربة إلقاء (3) قطع نقدية معاً ، فإن حدث الحصول على اكثر من ثلاثة أوجه هو حدث مؤكد (X)

 $S = \{HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT\}$, $A = \emptyset$

حدث مستحيل وليس مؤكد

 $(\sqrt{})$ فإن A حدث من فراغ العينة S ، وكان P(A)=1 ، فإن A حدث مؤكد

P(S)=1 من مسلمات الاحتمال $A=S \leftrightarrow P(A)=P(S)=1$ من مسلمات الاحتمال لانه إذا كان

(X) $P(A \cup B) = P(A) \cdot P(B)$ فإن مستقلين فإن A ، B أذا كان

قانون ضرب الاحتمالات تقاطع وليس اتحاد $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$ قانون ضرب الاحتمالات تقاطع وليس

س7) عدد الطرق التي يمكن بها تكوين عدد مكون من 3 أرقام (خانات) من بين الأرقام من 1 إلى 4 مع عدم السماح بالتكرار هو (X)

الحل باستخدام القانون

$$n=4$$
 ، $r=3$ عدد الطرق حيث $P_3^4=\frac{4!}{(4-3)!}=24$

باستخدام الآلة الحاسبة ...

عدد الطرق
$$=$$
 $\boxed{4}$ \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow $\boxed{(\times)}$ \rightarrow $\boxed{3}$ \rightarrow $\boxed{\equiv}$ \rightarrow $\boxed{24}$

س8) إذا تم إلقاء قطعتي نقود معاً فإن احتمال ظهور وجهين متشابهين يساوي 0.25 $(\sqrt{})$

$$S = \{HH : HT : TH : TT\} : n(S) = 4 \dots$$

A = {HH}
$$\cdot$$
 n(1) $\rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{1}{4} = 0.25$

س9) عند إلقاء مكعب نرد مرة واحدة فإن احتمال الحصول على عدد أكبر من 4 يساوي (X)

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, n(S) = 6, \dots\}$$

A = {5,6},
$$n(A) = 2 \rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3} = 0.3$$

$$P(A \cap B) = P(\emptyset) = 0 \dots$$

(X) $P(A \cap B) = \emptyset$ وذا كان $A \cdot B$ حدثين متنافيين فإن

الحلي ... بما أن الحدثين متنافيين فإن احتمالهم يساوي صفر أي أن :

 $P(A \cap B) = 0$

(X) $1 \leq P(D) \leq 0$ فإن S فإن D أي حدث من فراغ العينة العينة الخاكان D

$$0 \le P(D) \le 1$$
 let $P(D) \in [0, 1] \dots$

س12) أي عملية يعرف مسبقاً كل النتائج التي يمكن الحصول عليها و X يمكن أن نحدد بشكل أكيد نتيجتها قبل أن يتم إجراؤها تسمى فراغ العينة X

الحل تسمى تجربة عشوائية

س 13) تعتمد نظرية الاحتمالات على التجارب العشوائية (\sqrt) س 13) إذا كان B يمثل أي حدث من فراغ العينة والحدث (X) يمثل الحدث المكمل له فإن (X) (X)

 $\mathsf{B} \cup \mathring{B} = \mathsf{S}$ كذلك $\mathsf{B} \cap \mathring{B} = \emptyset$: كون المكمل ان يكون

س15) الاحتمال : هو مقياس غير عددي يعبر عن ثقتنا في إمكانية ظهور حدث ما غير مؤكد الحدوث عند إجراء تجربة معينة (X)

الحل هو مقياس عددي يُعبر عن مدى ثقتنا في إمكانية حدوث شيء غير مؤكد الوقوع .

س16) حدث ظهور العدد 5 عند إلقاء مكعب نرد مرة واحدة هو حدث مركب ... (X)

 $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ، $A = \{5\} \rightarrow n(A) = 1$ أي حدث يحتوي على عنصر واحد فقط او نتيجة واحدة فقط هو حدث بسيط 17) عندما لا توجد أي نتيجة من نتائج فراغ العينة تحقق حدثاً ما فإن هذا الحدث يسمى حدثاً مستحيلاً $(\sqrt{})$

الحلي ... لانه فعلاً الحدث المستحيل هو الحدث الذي لا يحتوي على أي نتيجة من نتائج فراغ العينة

س18) فراغ العينة لتجربة إلقاء قطعة واحدة من النقود مرتين متتاليتين يختلف عن فراغ العينة لتجربة إلقاء قطعتي نقود معاً (X)

الحلى ... لا يختلف أي أن : رمي قطعة نقود مرتين \equiv رمي قطعتي نقود مرة واحدة (X) س 19) إذا كان A حدث مستحيل فإن احتمال حدوثه يساوي (X)

 $A=\emptyset$ فإن احتمال حدوثه يساوي صفر أي أن : $P(A)=P(\emptyset)=0$ من مسلمات الاحتمال .

 $(\sqrt{})$ الحدث الذي يحتوي على كل نتائج فراغ العينة هو حدث مؤكد ...

س21) إذا كان $A \cdot B$ حدثين وكان ظهور أحدهما $X \cdot B$ عدم ظهور الآخر فإنهما يكونان حدثين متنافيين $X \cdot B$

الحل ... یکونان حدثان مستقلان .

س22) إذا سألنا شخصين عن رأيهما في قضية معينة وكان لكل شخص ان يُجيب بنعم أو لا أو الامتناع عن الإجابة فإن عدد النتائج الممكنة يساوي 9

عدد النتائج
$$n^r = 3^2 = 3 * 3 = 9$$

باستخدام الآلة الحاسبة

عدد النتائج
$$= 3 \rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 2 \rightarrow = \rightarrow 9$$

س23) إذا ألقينا مكعبي نرد معاً وكان الحدث (A) هو الحصول على مجموع أكبر من (10) فإن احتمال الحدث (A) يساوي $\frac{3}{36} = \frac{1}{12} = 0.083$ من

$$S = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (6, 6)\}, (n(S) = 36, \dots)$$

$$A = \{(5, 6), (6, 5), (6, 6)\}, n(A) = 3 \iff P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$$
$$= \frac{3}{36} = \frac{1}{12} = 0.083$$

$$\mathsf{A} \cdot \mathsf{B}$$
 فإن $\mathsf{P}(A \cap B) = \frac{1}{2} \cdot \mathsf{P}(B) = \frac{3}{4} \cdot \mathsf{P}(A) = \frac{2}{3}$ فإن $\mathsf{P}(A \cap B) = \frac{1}{2} \cdot \mathsf{P}(B)$ حدثان مستقلان

الحل ... نثبت أن الطرفين متساويين حتى نستطيع القول بأنهما مستقلان

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{2}{4} \leftrightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

س25) عدد الطرق التي يمكن بها تكوين عدد مكون من رقمين من بين الأرقام من (0) إلى (8) مع عدم السماح بالتكرار يساوي

$$n = 9 \cdot r = 2 \dots$$

طالما طلب عدم السماح بالتكرار معناها نشتغل على التباديل

باستخدام القانون:

عدد الطرق
$$P_r^n = P_2^9 = \frac{9!}{(9-2)!} = 72$$

باستخدام الآلة الحاسبة:

عدد الطرق
$$=$$
 9 \rightarrow $Shift \rightarrow (\times) \rightarrow 2 \rightarrow \equiv \rightarrow $\boxed{72}$$

س26) العدد الكلي للنتائج الممكنة عند إلقاء (3) مكعبات نرد وقطعتي نقود غير متحيزة على أرض مستوية يساوي 864

الحل باستخدام القانون ...

العدد الكلي
$$n^r = 6^3 \cdot 2^2 = 216 * 4 = 864$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

العدد الكلي
$$= 6 \rightarrow x^{\blacksquare} \rightarrow 3 \rightarrow * \rightarrow 2 \rightarrow x^{\blacksquare} \rightarrow 2 \rightarrow = \rightarrow 864$$

س 27) إذا كان
$$P(A \cup B) = \frac{5}{6}$$
 ، $P(B) = \frac{1}{3}$ ، $P(A) = \frac{1}{2}$ فإن $A \cdot B$ فإن $A \cdot B$ فإن $A \cdot B$ فيان

الحل ... نثبت أن طرفي المعادلة متساويان

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) \leftrightarrow \frac{5}{6} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3}$$

نوحد المقامات للطرف الأيمن نتحصل على الآتي

$$\frac{5}{6} = \frac{1}{2} * \frac{3}{3} + \frac{1}{3} * \frac{2}{2} \leftrightarrow \frac{5}{6} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6} \to \frac{5}{6} = \frac{5}{6}$$

س28) عدد الطرق التي يمكن بها تكوين رقم من ثلاث خانات باستخدام الأعداد: 1، 2 ، 3 ، 4 (مع السماح بالتكرار) يساوي 64

الحل .. باستخدام القانون

: طالما السماح بالتكرار نطبق قاعدة الضرب $n=4 \cdot r=3$

عدد الطرق
$$n^r = 4^3 = 4 * 4 * 4 = 64$$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

عدد الطرق
$$\rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{64}$$

س29) إذا ألقينا مكعبي نرد معاً فإن احتمال الحصول على نتائج متشابهة يساوي $P(A) = \frac{6}{36} \dots$

الحل ... نكون فراغ العينة كالتالي:

$$S = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (6, 6)\}, n(S) = 36$$
 حدث النتائج المتشابهة :

$$A = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6)\}, n(A)$$

$$= 6 \leftrightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{36} = \frac{1}{6}$$

س30) إذا كان A ، B حدثين مستقلين ومعرفين على نفس فراغ العينة ، وكان $P(A \cap B)$ ، فإن P(B) = 0.4 ، P(A) = 0.5

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B) \dots$$

$$(A \cap B) = 0.5 * 0.4 = 0.2$$

س31) في تجربة إلقاء (3) قطع نقدية معاً ، حدث الحصول على أربعة أوجه هو حدث مستحيل .

س32) إذا علمت أن احتمال نجاح طالب ما في مادة الإحصاء يساوي 0.70 واحتمال نجاحه في إحدى واحتمال نجاحه في إحدى المادتين على الأقل يساوي 0.83 فإن احتمال نجاحه في المادتين معاً يساوي 0.52.

$$P(A) = 0.70 \leftarrow A$$
: الطالب في الإحصاء مدث نجاح الطالب في الإحصاء الطالب في ال

$$P(B) = 0.65 \leftarrow B$$
 : بفرض أن حدث نجاح الطالب في الرياضة : A U B : بفرض نجاح الطالب في إحدى المادتين على الأقل :
$$P(A \cup B) = 0.83$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0.83 = 0.70 + 0.65 - P(A \cap B) \rightarrow P(A \cap B) = 1.35 - 0.83 = 0.52$$

س33) عند إلقاء ثلاث قطع من العملة المعدنية معاً ، فإن احتمال الحصول على . $P(A) = \frac{7}{6}$ وجهين أو أقل يساوي

الحل نكتب فراغ العينة كالتالي:

 $S = \{HHH : HHT : HTH : HTT : THH : THT : TTH : TTT\} : n(S) = 8$

حدث الحصول على وجهين او أقل:

 $A = \{HHT : HTH : HTT : THH : THT : TTH : TTT\} : n(A) = 7$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{7}{8} = 0.875$$

س34) إذا علمت أن عدد النتائج الكلية لتجربة إلقاء مكعب نرد مع عدد من قطع n=5 ... وقطع النقود يساوي 192 فإن عدد قطع النقود يساوي

الحل ... نفرض عدد قطع النقود: n

عدد النتائج =
$$r_1 \cdot r_2 \leftrightarrow 6^1 \cdot r_2 = 192 \rightarrow r_2 = \frac{192}{6} = 32$$

$$n = 5 : \leftarrow 2^n = 2^5$$

س35) في تجربة اختيار ثلاثة طلبة من مجموعة مختلطة وتصنيفها من حيث الجنس (ذكر ، أنثى) فإن عدد عناصر فراغ العينة لهذه التجربة يساوي

 $\cdot n(S) = 8$

بفرض أن الأنثى : g

الحل ... بفرض أن الذكر: b

 $S = \{bbb \cdot bbg \cdot bgb \cdot bgg \cdot gbb \cdot gbg \cdot ggb \cdot ggg\} \cdot n(S) = 2^3 = 8$

. عدد عناصر فراغ العينة n(S) = 8

ر $\mathsf{P}(A) = 0.64$: وكان A ، B حدثين مستقلين من فراغ العينة $0.73 \dots$ يساوي $P(A \cup B)$ فإن P(B) = 0.25

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \dots$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$
 : بما أن الأحداث مستقلة فإن

$$P(A \cup B) = 0.64 + 0.25 - (0.64 * 0.25) \rightarrow P(A \cup B) = 0.89 - 0.16 = 0.73$$
 :

س37) إذا كان A ، B حدثين مستقلين فإن احتمال وقوع أحدهما على الأقل هو : $P(A \cup B)$

1)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \qquad \dots$$

2)
$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - [P(A) \cdot P(B)]$$

3) $P(A \cup B) = P(A) + P(B)[1 - P(A)]$

س38) في تجربة إلقاء مكعب نرد مرة واحدة فإن احتمال الحصول على عدد أكبر من 2 يساوي $\frac{4}{6}$ $\frac{4}{6}$

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, n(S) = 6\}$$
 الحل نكون فراغ العينة :

 $\mathsf{A} = \{3 \text{ } \text{ } \text{ } 4 \text{ } \text{ } \text{ } 5 \text{ } \text{ } \text{ } 6\}$ حدث الحصول على عدد أكبر من

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} = 0.67$$

س39) إذا كان A ، B حدثين مستقلين ومعرفين على نفس فراغ العينة وكان $P(A \cap B)$ فإن P(B) = 0.4 ، P(A) = 0.5

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(A \cap B) = 0.5 * 0.4 = 0.20 \dots$$

 $\frac{1}{n(S)}$ وغير البسيط يساوي البسيط يساوي (40 احتمال حدوث الحدث البسيط يساوي

الحلى ... الحدث البسيط هو الحدث الذي يحتوي على عنصر واحد فقط من عناصر فراغ العينة أي عدد عناصره عنصر واحد فقط $\operatorname{n}(A)=1$ فإن احتمال حدوثه يساوي : $\operatorname{P}(A)=\frac{1}{n(S)}$

س41) في تجربة إلقاء قطعتي نقود معاً كان الحدث A هو حدث الحصول على وجهين والحدث B مو حدثان وجهين والحدث B هو حدث الحصول على ظهرين فإن A ، B حدثان متنافيان .

$S = \{HH, HT, TH, TT\} \dots$

 $A = \{HH\} \leftarrow A$ حدث الحصول على وجهين

 $B = \{TT\} \leftarrow B$ حدث الحصول على ظهرين

. الحدثان A ، B متنافيان $A \cap B = \emptyset$

 $P(A \cup B) = 0.9$ ، P(A) = 0.5 إذا كان A ، B حدثين متنافيين وكان $P(A \cup B) = 0.9$ ، $P(A \cup B) = 0.9$ إذا كان P(B) يساوي P(B) يساوي

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) \cdot P(A \cap B) = 0 \qquad \dots$$

$$0.9 = 0.5 + P(B) \rightarrow P(B) = 0.9 - 0.5 = 0.4$$

س43) المجموعة التي تحتوي على جميع النتائج الممكنة الحدوث عند إجراء تجربة عشوائية تساوي فراغ العينة S

س44) إذا كان A ، B حدثين مستقلين وكان (B) = 0.8 واحتمال وقوعهما معاً = (B) فإن (B) يساوى (B)

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B) \dots$$

$$0.16 = P(A) * 0.8 \rightarrow P(A) = \frac{0.16}{0.8} = 0.2$$

س45) عندما يكون لكل نتائج التجربة العشوائية نفس فرصة الظهور ، فإن $\frac{n(A)}{n(S)}$. هو P(A) هو الحدث

الخلي من شروط الطريقة التقليدية لحساب الاحتمالات أن تكون العناصر متنافية ومتساوية الفرصة في الظهور أي ان احتمال ظهور أي حدث يساوي عدد النتائج التي تحقق الحدث $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{A}{n(S)}$

 $oldsymbol{S}$ $oldsymbol{A}$ إذا كان $oldsymbol{A}=oldsymbol{\emptyset}$ فإن الحدث المكمل له

العلى ... بما ان الحدث المؤكد والحدث المستحيل حدثان مكملان لبعضهما $A = \emptyset + \hat{A} = \emptyset = S$ البعض أي أن $A = \emptyset + \hat{A} = \emptyset$

س47) عند إلقاء مكعب نرد وقطعتي نقود معاً مرة واحدة فإن العدد الكلي للنتائج الممكنة يساوي ... 24

$$n_1 = 6$$
: التجربة الأولى المعدد نتائج التجربة الأولى

 $n_2=4$: عدد نتائج التجربة الثانية

 ${\sf n}(S)=n_1*n_2\to n(S)=6*4=24$: العدد الكلي للنتائج الممكنة : 42 =6*4 المتغير العشوائي هو دالة نطاقها فراغ العينة ومداها فئة الأعداد : الحقيقية .

س49) تجربة عشوائية ما ، تتم في مرحلتين كان عدد النتائج التي نتحصل عليها في المرحلة الأولى n_1 وعدد النتائج التي نتحصل عليها في المرحلة الثانية n_2 فإن عدد النتائج الكلية لهذه التجربة يساوي $n_1 * n_2 \dots$

س50) إذا كان A ، B حدثين من نفس فراغ العينة S ، ولايمكن ان نحصل عليهما معاً في نفس الوقت فإن A ، B حدثان ... متنافيان

 $0 \le P(A) \le 1$: احتمال حدوث أي حدث يجب ان يكون المحتمال حدوث أي حدث

(1)
$$0 \le P(A) \le 1$$
 ... من مسلمات الاحتمال

③
$$P(A) \in [0, 1]$$

س52) عند إلقاء مكعب نرد مرة واحدة فإن احتمال الحصول على رقم فردي أو رقم أكبر من 3 يساوي $\frac{5}{6}$

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, n(S) = 6$$
 ... نكون فراغ العينة ... $A = \{1, 3, 5\}, n(A) = 3$... حدث الحصول على رقم فردي $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$

$$B = \{4, 5, 6\}, n(B) = 3, \dots 3$$
 حدث الحصول على رقم أكبر من $P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$

$$\mathsf{A} \cap \mathsf{B} = \{5\}$$
 ، $\mathsf{n}(A \cap B) =$: حدث تقاطعهم

$$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{1}{6}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cup B) = \frac{3}{6} + \frac{3}{6} - \frac{1}{6} = \frac{5}{6} = 0.83$$

س53) إذا كان A ، B حدثين متنافيين فإن احتمال ظهور الحدث A أو ظهور الحدث $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$

س54) صندوق به 6 كرات بيضاء و9 كرات زرقاء وتم سحب كرتين عشوائياً مع الإرجاع فإن احتمال أن تكون الكرة الأولى بيضاء والثانية زرقاء يساوي $\frac{6}{25}$

$$P(A) = \frac{6}{15}$$
 : A : الكرة البيضاء

$$P(B) = \frac{9}{15}$$
 : B نفرض أن الكرة الزرقاء

السحب تم مع الإرجاع فإن الأحداث تكون مستقلة:

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B) \rightarrow P(A \cap B) = \frac{6}{15} * \frac{9}{15} = \frac{54}{225} = \frac{6}{25} = 0.24$$

س55) إذا القينا 3 قطع نقدية معاً فإن احتمال الحصول على نتائج متشابهة او وجه واحد يساوي $\frac{5}{8}$

$$S = \{HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT\}, n(S) = 8$$

ددث الحصول على نتائج متشابهة A:

A = {HHH · TTT} ·
$$n(A) = 2 \rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{8}$$

حدث الحصول على وجه واحد:

$$\mathsf{B} = \{HTT : \mathsf{THT} : \mathsf{TTH}\} : n(B) = 3 \rightarrow P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{8}$$

$$\mathsf{A} \cap \mathsf{B} = \emptyset \to \mathsf{P}(A \cap B) = \mathsf{P}(\emptyset) = 0$$
: حدث تقاطعهم

.: الاحتمال المطلوب يكون كالتالى:

 $P(A \cup B) = P(A) + P(B) \rightarrow P(A \cup B) = \frac{2}{8} + \frac{3}{8} = \frac{5}{8} = 0.625$

س56) إذا كان D ، C حدثين مستقلين فإن احتمال ظهور D ، C معاً هو : $P(C \cap D) = P(C) * P(D)$

س57) إذا ألقينا مكعبى نرد معاً فإن احتمال الحصول على نتائج متشابهة أو مجموع مجموع أكبر من أو يساوي 10 على المكعبين يساوي $\frac{5}{18}$

 $S = \{(1 \le 1) \le (1 \le 2) \le (1 \le 3) \le (1 \le 4) \dots \dots \le (6 \le 6)\} \setminus n(S) = 36 \dots$

حدث الحصول على نتائج متشابهة

 $A = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6)\}, n(A) = 6$

$$\mathsf{P}(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{6}{36}$$

حدث الحصول على مجموع أكبر من أو يساوى 10

 $B = \{(4.6), (5.5), (5.6), (6.4), (6.5), (6.6)\}, n(B) = 6$

$$\mathsf{P}(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{6}{36}$$

 $A \cap B = \{(5,5), (6,6)\}, n(A \cap B) = 2$: حدث تقاطعهم

$$P(A \cap B) = \frac{n(A \cap B)}{n(S)} = \frac{2}{36}$$

$$P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$$

 $P(A \cup B) = P(A) + P(D)$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ $P(A \cup B) = \frac{6}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18} = 0.28$ س58) إذا ألقينا قطعتين من النقود معاً فإن احتمال الحصول على وجه أو أقل يساوي : 🚡

$$S = \{HH : HT : TH : TT\} : n(S) = 4 \dots$$

 $\mathsf{A} = \{HT \ \mathsf{`TH} \ \mathsf{`TT}\} \ \mathsf{`} \ n(A) = 3 \ \ldots \ \mathsf{A}$ حدث الحصول على وجه أو أقل

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{4} = 0.75$$

س59) الحدث المكمل للحدث المؤكد هو الحدث: المستحيل.

$$P(A \cup B) = \frac{5}{6}$$
 ، $P(A \cap B) = \frac{1}{6}$ ، $P(A) = 0.5$: فإن $P(B)$ يساوي $P(B)$ يساوي : $P(B)$

الحل ... بما أن الأحداث مستقلة ..

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

بالتعويض في القانون نتحصل على قيمة P(B) كما يلى :

$$\frac{5}{6} = 0.5 + P(B) - \frac{1}{6} \rightarrow P(B) = \frac{5}{6} - \frac{2}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 0.5$$

(0.60) إذا علمت ان احتمال أن ينجح طالب ما في مادة الإحصاء يساوي (0.60) واحتمال أن ينجح في مادة اللغة الإنجليزية هو (0.60) واحتمال أن ينجح في مادة اللغة الإنجليزية يساوي (0.80) المادتين على الأقل (0.80) فإن احتمال نجاحه في مادة اللغة الإنجليزية يساوي (0.80)

P(A) = 0.60 A: الإحصاء الإحصاء

P(B) = ? B : نفرض أن اللغة الإنجليزية

 $P(A \cup B) = 0.89$ A U B : نفرض أن نجاح الطالب في إحدى المادتين

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B)$$

بالتعويض في القانون كما يلي ..

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0.89 = 0.60 + P(B) - [0.60 * P(B)] \leftrightarrow P(B) = \frac{0.29}{0.40} = \frac{29}{40} = 0.725$$

س62) إذا كان الجدول التالي يمثل توزيعاً احتمالياً متقطعاً:

Х	0	1	2	3	4
f(x)	0.1	K	0.2	2K	0.1

(X) . 0.3 قان قيمة (K) تساوى

 $\sum f(x) = 1$... من شروط دالة كتلة الاحتمال نجد أن ... من شروط دالة كتلة الاحتمال

$$0.1 + K + 0.2 + 2K + 0.1 = 1 \rightarrow 3K = 0.6 \rightarrow K = \frac{0.6}{3} = 0.2$$

(X) . x من شروط دالة كتلة الاحتمال صفر $\sum f(x)=\sum f(x)$ لجميع قيم

$$\sum f(x) = 1 \cdot \forall_x \dots$$

س64) إذا كانت دالة كتلة الاحتمال للمتغير العشوائي المتقطع X كما يلي :

$$f(x) = \begin{cases} rac{1}{4} & ` x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \\ 0 & ` Otherwise \end{cases}$$
فإن $P(X \geq 2)$ يساوي $P(X \geq 2)$

$$P(X \ge 2) = P(x = 2) + P(x = 3) = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} = 0.5 \dots$$

س65) إذا كان x متغيراً عشوائياً له دالة كتلة احتمال معرفة على النحو التالي:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{4} & \text{`} & x = 0 \text{`} 2\\ \frac{1}{2} & \text{`} & x = 1\\ 0 & \text{`} & Otherwise \end{cases}$$

1 : يساوي P($x \ge 0$) فإن

$$P(x \ge 0) = P(x = 0) + P(x = 1) + P(x = 2) \dots$$

$$P(x \ge 0) = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} + \frac{1}{2} = \frac{4}{4} = 1$$

س66)

Х	-1	0	1	2	3
f(x)	0.25	-0.8	0.03	0.1	1.43

الجدول السابق لا يمثل توزيع احتمالي والسبب هو : أسباب كثيرة

2)
$$P(x = 3) = 1.43$$
 أكبر من الواحد

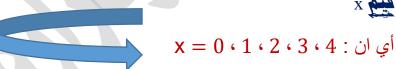
$$3) \sum f(x) \neq 1$$

س67) إذا ألقينا قطعة نقود أربع مرات وكان المتغير العشوائي (X) يمثل عدد المرات التي نتحصل فيها على وجه فإن القيم التي يأخذها المتغير العشوائي x هي : x = 0.1.2.3.4

الحل ..

$$x$$
 يمثل $n(S) = 2^4 = 16$

عدد مرات ظهور الصورة -H من خلال جدول التوزيع الاحتمالي نتحصل على X 🚑



س68) إذا كانت دالة كتلة الاحتمال للمتغير العشوائي المتقطع X كما يلي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{K} & \text{``} x = 1 \text{``} 2 \text{``} 3 \text{``} 4 \text{``} 5 \text{``} 6 \\ 0 & \text{``} \end{cases}$$
خلاف ذلك

فإن قيمة K تساوي: 6

$$\sum f(x) = 1$$
 \leftarrow من شروط دالة كتلة الاحتمال من شروط دالة كتلة الاحتمال

$$P(x = 1) + P(x = 2) + P(x = 3) + P(x = 4) + P(x = 5) + P(x = 6) = 1$$

$$\frac{1}{\kappa} + \frac{1}{\kappa} + \frac{1}{\kappa} + \frac{1}{\kappa} + \frac{1}{\kappa} + \frac{1}{\kappa} = 1$$

$$\frac{6}{K} = 1 \iff K = 6$$

س69) إذا القينا قطعة نقود واحدة مرتين ، وكان المتغير العشوائي (X) يمثل عدد x = 0، 1 ، 2 : مرات ظهور الوجه فإن قيمة (X) تساوى

$$S = \{HH : HT : TH : TT\} : n(S) = 2^2 = 4 \dots$$

جدول التوزيع الاحتمالي:

X	0	1	2
f(x)	0.25	0.5	0.25

x = 0، 1، 2 التى يأخذها المتغير العشوائي هي x = 0

اذا كان X متغيراً عشوائياً له دالة توزيع احتمالي متقطع كالتالي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{C} & \text{`} & x = 0.2 \\ \frac{4}{C} & \text{`} & x = 1.3 \\ 0 & \text{`} & \text{`} & \text{`} & \text{`} \\ & & \text{`} & \text{`} & \text{`} \end{cases}$$
خلاف ذلك

10 : تساوي 0 من المعلومات السابقة فإن قيمة $\sum f(x) = 1$

$$\sum f(x) = 1 \dots$$

$$P(x = 0) + P(x = 1) + P(x = 2) + P(x = 3) = 1$$

$$\frac{1}{C} + \frac{4}{C} + \frac{1}{C} + \frac{4}{C} = 1 \iff \frac{10}{C} = 1 \implies C = 10$$

ر المعلومات السابقة فإن (x=4) يساوي : صفر P(x=4)

الحلي ... بما أن رقم 4 غير موجود بالجدول فبالتالي يعتبر حدث مستحيل واحتمال حدو ثه صفر

0.5: يساوي $P(2 \le X \le 3)$ يساوي بالمعلومات السابقة فإن

$$P(2 \le X \le 3) = P(x = 2) + P(x = 3) \dots$$

$$P(2 \le X \le 3) = \frac{1}{10} + \frac{4}{10} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} = 0.5$$

اذا كان X متغيراً عشوائياً متقطع توزيعه الاحتمالي كالتالى:

Х	1	2	3	4	5
f(x)	0.1	K	0.3	L	0.2
	$P(x \le 3) = 0.8$ کان				

س73) من المعلومات السابقة فإن قيمة K تساوي: 0.4

$$P(x \le 3) = 0.8 \dots$$

$$P(x = 1) = P(x = 2) + P(x = 3) = 0.8$$

 $0.1 + K + 0.3 = 0.8 \leftrightarrow K = 0.8 - 0.4 = 0.4$
 $K = 0.4 \therefore$

س74) من المعلومات السابقة فإن قيمة \perp تساوي : صفر

$$\sum f(x) = 1 \leftarrow \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_$$

$$L=0$$
 :

تم إلقاء قطعة نقدية واحدة ثلاث مرات متتالية وكان المتغير العشوائي X يمثل عدد المرات التي نحصل فيها على ظهر

X س 75) من المعلومات السابقة القيم التي يمكن أن يأخذها المتغير العشوائي x=0 ، 1 ، 2 ، 3 تساوي :

الحل ... نكون فراغ العينة كما يلي ...

 $\mathsf{S} = \{HHH \cdot \mathsf{HHT} \cdot \mathsf{HTH} \cdot \mathsf{HTT} \cdot \mathsf{THH} \cdot \mathsf{THT} \cdot \mathsf{TTH} \cdot \mathsf{TTT}\} \cdot n(S) = 2^3 = 8$

نكون جدول التوزيع الاحتمالي:

Х	0	1	2	3
f(x)	1/8	3/8	3/8	1/8

$$\frac{3}{8}$$
: يساوي P($x=1$) من المعلومات السابقة فإن (76

$$P(x=1) = \frac{3}{8} = 0.375$$
 .. من الجدول أعلاه نجد أن ..

$$\frac{6}{8}$$
: يساوي P(0 < X \le 2) من المعلومات السابقة فإن (77 يساوي)

$$P(0 < X \le 2) = P(x = 1) + P(x = 2) \dots$$

$$P(0 < X \le 2) = \frac{3}{8} + \frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} = 0.75$$

 $\frac{1}{8}$: يساوي P(x > 2) من المعلومات السابقة فإن (78

$$P(x > 2) = P(x = 3) \rightarrow P(x > 2) = \frac{1}{8} = 0.125 \dots$$

س79) إذا علمت أن P(Z ≤ 1.15) = 0.3749 فإن (P(Z ≤ 1.15) فإن (P(Z ≤ 1.15) فإن (V)

الحل ... باستخدام القانون :

$$P(Z \le 1.15) = 0.5 + P(0 \le Z \le 1.15) = 0.5 + 0.3749 = 0.8749$$

باستخدام الألة الحاسبة:

$$\boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(1.15)} \rightarrow \boxed{=} \rightarrow \boxed{0.8749}$$

س80) عدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X في توزيع ذات الحدين يساوي $(\sqrt[]{v})$. n+1

الحلي ... مثلا لدينا مسألة في توزيع ذات الحدين: n = 4 أي أن

حيث يعنى أن عدد قيم المتغير العشوائي يساوي 5 x=0 ، 1 ، 2 ، 3 ، 4

$$x = n + 1 \rightarrow x = 4 + 1 = 5$$

ا، فإن $\mathsf{P}(0 \leq Z \leq 2.5) = 0.4938$ فإن فإن الجامت أن (X) 0.8976 يساوى $P(-2.5 \le Z \le 2.5)$

الحل ... باستخدام القانون :

 $P(-2.5 \le Z \le 2.5) = 2 * P(0 \le Z \le 2.5) = 2 * 0.4938 = 0.9876$

باستخدام الآلة الحاسبة ...

$$\boxed{mode} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{AC} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{5} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{(2.5)}$$

 $\rightarrow \boxed{*} \rightarrow \boxed{2} \rightarrow \boxed{\Rightarrow} \boxed{0.98758}$

س82) تجربة ذات الحدين هي التي يكون فيها احتمال النجاح غير ثابت في جميع (X). المحاولات

الحل ... احتمال النجاح (P) ثابت في جميع المحاولات .

س83) ألقي مكعب نرد (6) مرات فإن احتمال الحصول على العدد (4) ثلاث مر ات هو: 0.5358

$$0.5358$$
 : مرات هو $n=6$ ، $q=1-P$ $\leftrightarrow q=1-\frac{1}{6}=\frac{5}{6}$: ... المعطيات $P(x=3)$.? : $P(x=3)$

$$P(x = 3) : ? : half property$$

باستخدام القانون

$$f(x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \dots \cdot 6$$

$$P(x = 3) = C_3^6 \cdot \left(\frac{1}{6}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{6}\right)^{6-3} = 0.0536$$

باستخدام الألة الحاسبة :

$$f(x) = 6 \rightarrow Shift \rightarrow (\div) \rightarrow 3 \rightarrow \times \rightarrow (\rightarrow \frac{1}{6} \rightarrow))$$

$$\rightarrow x^{\bullet} \rightarrow 3 \rightarrow \times \rightarrow (\rightarrow \frac{5}{6} \rightarrow)) \rightarrow x^{\bullet}$$

$$\rightarrow 3 \rightarrow = \rightarrow \frac{625}{11664} \rightarrow S \leftrightarrow D \rightarrow 0.0536$$

س84) إذا ألقينا قطعة نقود (4) مرات فإن احتمال ظهور الوجه مرة واحدة أو أقل يساوي: 0.3125

ال**حل** ...

باستخدام القانون

$$f(x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x} \quad (x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4)$$

$$P(x \le 1) = P(x = 0) + P(x = 1)$$

$$P(x \le 1) = C_0^4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{4-0} + C_1^4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^1 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{4-1}$$

$$P(x \le 1) = 0.0625 + 0.25 = \frac{5}{16} = 0.3125$$

باستخدام الآلة الحاسبة

$$P(x \le 1) = \boxed{4} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{(\div)} \rightarrow \boxed{0} \rightarrow \boxed{(\times)} \rightarrow \boxed{\frac{1}{2}} \rightarrow \boxed{)}$$

$$\rightarrow x^{\bullet} \rightarrow \boxed{0} \rightarrow \boxed{(\times)} \rightarrow \boxed{\frac{1}{2}} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow x^{\bullet} \rightarrow \boxed{4}$$

$$\rightarrow (+) \rightarrow \boxed{4} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{(\div)} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(\times)}$$

$$\rightarrow \boxed{\frac{1}{2}} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow x^{\bullet} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(\times)} \rightarrow \boxed{\frac{1}{2}} \rightarrow \boxed{)}$$

$$\rightarrow x^{\bullet} \rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{\rightarrow} \rightarrow \boxed{0.3125} \rightarrow \boxed{\frac{5}{16}}$$

س85) عند إلقاء مكعب نرد (3) مرات ، احتمال الحصول على عدد زوجي مرة واحدة يساوي: 0.375

الحل ... المعطيات

A =
$$\{2 \cdot 4 \cdot 6\} \cdot n(A) = 3 \rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{6} \quad n = 3$$

S = $\{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6\} \cdot n(S) = 6$
 $q = 1 - P \rightarrow q = 1 - \frac{3}{6} = \frac{3}{6}$
 $P(x = 1) = ?$

باستخدام القانون ...

$$P(x = 1) = C_1^3 \cdot \left(\frac{3}{6}\right)^1 \cdot \left(\frac{3}{6}\right)^{3-1} \cdot x = 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3$$

$$P(x = 1) = \frac{3}{8} = 0.375$$

باستخدام الآلة الحاسبة ... مستخدم محمد الألية

$$P(x = 1) = \boxed{3} \rightarrow \boxed{Shift} \rightarrow \boxed{(\div)} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(\times)} \rightarrow \boxed{\frac{3}{6}} \rightarrow \boxed{)}$$

$$\rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{1} \rightarrow \boxed{(\times)} \rightarrow \boxed{\frac{3}{6}} \rightarrow \boxed{)} \rightarrow \boxed{x} \rightarrow \boxed{2}$$

$$\rightarrow \boxed{3} \rightarrow \boxed{0.375}$$

(0.4) طلبة في امتحان لمادة الرياضيات وكان احتمال النجاح ،فإن احتمال أن لا ينجح أحد في هذا الامتحان يساوي: 0.046656

$$P = 0.4$$
 , $n = 6$... المعطيات .. $q = 1 - P \rightarrow q = 1 - 0.4 = 0.6$ المطلوب ... $P(x = 0)$... المطلوب ...

$$P(x=0)$$
 ... المطلوب ... $P(x=0)$... باستخدام القانون ... $P(X=x) = C_x^n \cdot P^x \cdot q^{n-x}$ ، $x=0$ ، 1 ، 2 ، ... ، n $P(x=0) = C_0^6 \cdot (0.4)^0 \cdot (0.6)^{6-0} = (0.6)^6 = 0.046656$

باستخدام الآلة الحاسبة ..

$$\begin{array}{c} \mathsf{P}(\quad) = \boxed{\quad} \to \boxed{\quad} \to$$